



# **Admission Tech**

**DUET**  
**Dhaka University of**  
**Engineering & Technology**

**Question 2014**

**Department: EEE, Textile,**  
**Mechanical**



seven years after the first award ceremony. Nobel's original legacy of nine million dollar was invested, and the interest on this sum is used for the awards why vary from \$40,000 to \$125,000. Every year on December 10, the anniversary of Nobel's death, the awards (gold medal, illuminated diploma, and money) are presented to the winners. Sometimes politics plays an important role in the judge's decisions. Americans have won numerous science awards, but relatively few literature prizes. No awards were presented from 1940 to 1942 at the beginning of World War II. Some people have won two prizes, but this is rare; others have shared their prizes :

(i) Why was the Nobel prize established?

- (a) to recognize worthwhile contributions to humanity
- (b) to resolve political differences
- (c) to honor the inventor of dynamite
- (d) to spend money

Ans: (a) to recognize worthwhile contributions to humanity

(ii) In which area have Americans received the most awards?

- (a) literature
- (b) peace
- (c) economics
- (d) science

Ans: (a) literature

(iii) Which of the following statements is not true?

- (a) awards vary in monetary value
- (b) ceremonies are held on December 10 to commemorate Nobel's invention.
- (c) politics can play important role in selecting the winners.
- (d) a few individuals have won two awards.

Ans: (a) awards vary in monetary value

(iv) In how many fields are prizes bestowed?

- (a) 2
- (b) 5
- (c) 6
- (d) 10

Ans: (c) 6

ঢাকা প্রকৌশল ও প্রযুক্তি বিশ্ববিদ্যালয়, গাজীপুর

ভর্তি পরীক্ষা : ২০১৩-২০১৪ ইং

বিভাগ : ইলেকট্রিক্যাল এন্ড ইলেকট্রনিক ইঞ্জিনিয়ারিং  
এবং মেকানিক্যাল ইঞ্জিনিয়ারিং এবং টেলিটাইল ইঞ্জিনিয়ারিং

১ম পত্র (বিভাগ)

ষোল্ল ঘণ্টা সময়

পূর্ণমান-১৫০

সময়- ১ঘণ্টা ৩০ মিনিট

এই প্রশ্নপত্রে ১৫ পৃষ্ঠায়

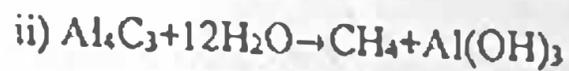
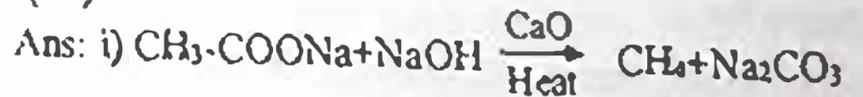
মোট ২৭ টি প্রশ্ন আছে।

০৮ সেপ্টেম্বর, ২০১৪ ইং

বিষয়ঃ রসায়ন, পদার্থ বিজ্ঞান, গণিত ও ইংরেজি প্রত্যেক প্রশ্নের মান ডান পাশে দেয়া আছে। প্রশ্নের নীচে খালি জায়গায় উত্তর লিখতে হবে। প্রয়োজনবোধে প্রশ্নপত্রের শেষে অতিরিক্ত পৃষ্ঠা ব্যবহার করা যাবে। এক্ষেত্রে প্রশ্ন ক্রমক্রমে অবশ্যই উত্তর করতে হবে

### CHEMISTRY (রসায়ন)

1. (a) Write equations for the preparation of methane from (i) sodium acetate and (ii) aluminium carbide. [সমীকরণের সাহায্যে (i) সোডিয়াম অ্যাসিটেট এবং (ii) অ্যালুমিনিয়াম কার্বাইড হতে মিথেন তৈরীকরণ দেখাও।]  
(০৭)



2. Tick (✓) the correct answer in the following :  
নীচের সঠিক উত্তরে টিক (✓) দাও। (1.5×4)

(i) 1 mole of CO<sub>2</sub> contain : [এক মোল CO<sub>2</sub> ধারণ করে:]  
(a) 6.2×10<sup>23</sup> atoms of C (b) 6.2×10<sup>23</sup> atoms of O  
(c) 18.1×10<sup>23</sup> molecules of CO<sub>2</sub> (d) 3g atoms of CO<sub>2</sub>

Ans: (a) 6.2×10<sup>23</sup> atoms of C

(ii)  $Zn^{2+} (aq) + 2e^- \rightarrow Zn(s)$  This is : [হিচ হতা]

- (a) Oxidation (আয়ন) (b) Reduction (বিজ্ঞপন)
- (c) Redox reaction (রেডক্স বিক্রিয়া)
- (d) None of these [কোনটাই নয়]

Ans: (b) Reduction (বিজ্ঞপন)





(iii) The process of manufacturing of  $\text{HNO}_3$  in industry from  $\text{NH}_3$  is called [নিচের  $\text{NH}_3$  থেকে  $\text{HNO}_3$  তৈরির পদ্ধতিকে কী বলা হয়]

- (a) Haber process [হেবার পদ্ধতি]
- (b) Contact process [স্পর্শ পদ্ধতি]
- (c) Solvey process [সলভে পদ্ধতি]
- (d) Ostwald process [অসওয়াল্ড পদ্ধতি]

Ans: (d) Ostwald process [অসওয়াল্ড পদ্ধতি]

(iv) Which of the following metals constitute 'stainless steel'? [নিচের কোন ধাতুগুলি 'stainless steel' গঠন করে?]

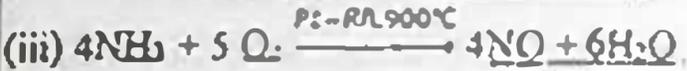
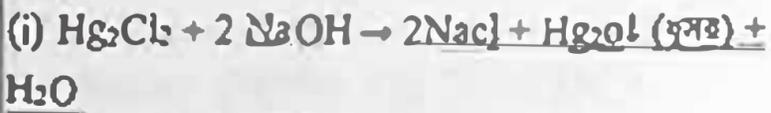
- (a) Cu, Pb, Sn                      (b) Fe, Cr, Cu
- (c) Fe, Cr, Ni                      (d) Cu, Zn, Sn

Ans: (c) Fe, Cr, Ni

3. Complete and balance the following reactions:

[সমতা করুন এবং নিচের বিক্রিয়াগুলি সম্পূর্ণ করুন:] (06)

Ans:



4. Write down the chemical formulas of the following compounds: [নিচের বৈশিষ্ট্যের রাসায়নিক সংকেত লিখুন:] (06)

- (i) Green vitriol [সবুজ জিট্রিওল]:  $\text{FeSO}_4 \cdot 7\text{H}_2\text{O}$
- (ii) Calamine [ক্যালমাইন]:  $\text{ZnCO}_3$
- (iii) Vanadium (v) oxide [ভ্যানাডিয়াম (v) অক্সাইড]:  $\text{V}_2\text{O}_5$
- (iv) Pyrosulfuric acid [পাইরোসালফিউরিক এসিড]:  $\text{H}_2\text{S}_2\text{O}_7$

5. When 3.2 g of sulfur is vaporized at  $450^\circ\text{C}$  and 723 mm Hg pressure. the vapor occupies a volume of 780 mL. What is the molecular formula of sulfur under the given conditions? (S=32)

[ $450^\circ\text{C}$  ও 723 mm Hg চাপে যখন 3.2g সালফারকে বাষ্পায়িত করা হয়, তখন বাষ্প 780 mL আয়তন দখল করে। প্রদত্ত শর্তসমূহে সালফারের আণবিক সংকেত কি হবে?] (06)

Sol<sup>n</sup>:

we know,  

$$PV = \frac{g}{M} RT$$

$$\Rightarrow \frac{723}{760} \times 0.78 = \frac{3.2}{M} \times 0.0821 \times 723$$

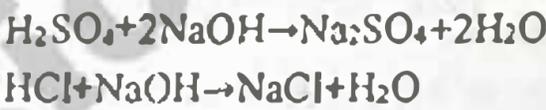
$$\Rightarrow M = 255.98 \text{ gm}$$

সালফারের আণবিক সংকেত =  $S_n$   
 $\therefore S_n = 255.98$   
 $(1 \times 32)n = 255.98$   
 $n = 8$   
 $\therefore$  নির্ণয় আণবিক সংকেত =  $S_8$

Here,  
 $T = 450 + 273 = 723$   
 $P = 723 \text{ mmHg}$   
 $g = 3.2 \text{ gm}$   
 $V = 780 \text{ mL} = 0.78$

6. How many mL of 0.25 M NaOH solutions are required to neutralize the mixture of 25 mL of M HCl and 50 mL of 0.25 M  $\text{H}_2\text{SO}_4$ ? [25 mL 2 M HCl এবং 50 mL 0.25 M  $\text{H}_2\text{SO}_4$  এ নিরপেক্ষক 0.25 M NaOH ব্যবহার করে প্রশমিত করতে কত mL NaOH ব্যবহার প্রয়োজন?] (04)

Sol<sup>n</sup>:



Now,  
 $S_1V_1 + S_2V_2 = S_3V_3$   
 $\Rightarrow 2 \times 0.25 \times 50 + 2 \times 25 = 0.25 \times V_3$   
 $\Rightarrow V_3 = 300 \text{ ml}$  (Ans:)

7. (a)  $3.65 \times 10^{-2}$  g of HCl is dissolved in 100 ml of water. Calculate the  $\text{p}^{\text{H}}$  of the solution. [10 mL পানিতে  $3.65 \times 10^{-2}$  g HCl প্রদ্রবীভূত করা হইল। প্রদ্রবণটি  $\text{p}^{\text{H}}$  নির্ণয় করুন।] (04)

Sol<sup>n</sup>:

We know,  

$$m = \frac{g}{Mv}$$

$$= \frac{3.65 \times 10^{-2}}{36.5 \times 0.1} = 0.01$$

We know,  
 $\text{p}^{\text{H}} = -\log[\text{H}^+]$   
 $= -\log[0.01] = 2$  (Ans:)

(b) Aqueous solution of  $\text{Na}_2\text{CO}_3$  is basic. Explain. [ $\text{Na}_2\text{CO}_3$  এর জলীয় দ্রবণ ক্ষারীয়। ব্যাখ্যা করুন।] (02)

Ans:



$\text{Na}_2\text{CO}_3$  বা এসিড কার্বনিক এসিড  $\text{H}_2\text{CO}_3$  চ উৎস  
 কাণ্ড  $\text{NaOH}$  এর লবণ। তাই  $\text{Na}_2\text{CO}_3$  এর অম্লীয় প্রবণ  
 বিশুদ্ধতায় প্রভাবিত হয়।  
 $\text{Na}_2\text{CO}_3 \rightleftharpoons 2\text{NaOH} + \text{H}_2\text{CO}_3$

**PHYSICS (পদার্থ বিজ্ঞান)**

8. A force of 10 N acts on a body at rest of mass 2 kg. If the force ceases to work after 5 sec, how far will the body travel in 12 sec from the beginning? [একটি 10N বল 2kg ভর বিশিষ্ট স্থির বস্তুর উপর ক্রিয়া করে। যদি 5sec পর বলের ক্রিয়া বন্ধ হয়ে যায়, তবে প্রথম হতে 12sec এ বস্তুটি কত দূরত্ব অতিক্রম করবে?](06)

Sol<sup>n</sup>:

We know,

$p = mf$

$\Rightarrow 10 = 2f$

$\Rightarrow f = 5 \text{ m/s}^2$

১ম 5sec বেগ

$v = 0 + 5 \times 5 = 25 \text{ m/s}$

১ম 5sec এর দূরত্ব

$S_1 = ut + \frac{1}{2} at^2$

$= 0 + \frac{1}{2} \times 5 \times 5^2$

$= 62.5 \text{ m}$

পরবর্তী 7 sec এ অতিক্রান্ত দূরত্ব  $S_2$

$S_2 = 7 \times 25 = 175$

প্রথম হতে 12sec মোট অতিক্রান্ত দূরত্ব

$S = S_1 + S_2 = 62.5 + 175 = 237.5 \text{ m (Ans)}$

9. Calculate the moment of inertia and radius of gyration of a thin uniform rod of length  $l$  and mass  $M$  rotating about an axis passing through its middle point and perpendicular to its length.

[একটি সুষম সরু দণ্ডের দৈর্ঘ্য  $l$  এবং ভর  $M$ , যাহা উহার দৈর্ঘ্যের সহিত লম্বভাবে এবং মধ্যবিন্দু দিয়ে গমনকারী একটি অক্ষের সাপেক্ষে ঘূর্ণায়মান, এমতাবস্থায় উহার ক্ষুদ্রতার ভ্রামক ও ক্ষুদ্রতার ব্যাসার্ধ নির্ণয় কর।] (06)

Sol<sup>n</sup>: Here,

দণ্ডের দৈর্ঘ্য =  $l$

" ভর =  $M$

দণ্ডের প্রতি একক দৈর্ঘ্যের ভর,  $\lambda = \frac{M}{l}$

সূত্রানুসারে এক দৈর্ঘ্যের  $x$  দূরত্বে  $dx$  দৈর্ঘ্যের একটি দণ্ড  
 অপেক্ষে ভর,

$dm = \lambda dx$

$\Rightarrow dm = \left(\frac{M}{l}\right) dx$

এখন  $YY'$  অক্ষের সাপেক্ষে  $dx$  দৈর্ঘ্যের অংশের ক্ষুদ্রতার ভ্রামক,

$dl = x^2 dm$

$= x^2 \left(\frac{M}{l}\right) dx$

$\therefore dl = \frac{M}{l} x^2 dx \dots\dots\dots(1)$

ক্ষুদ্রতার ভ্রামক,

$I = \int_{-\frac{l}{2}}^{\frac{l}{2}} x^2 \frac{M}{l} dx = \frac{M}{l} \int_{-\frac{l}{2}}^{\frac{l}{2}} x^2 dx = \frac{M}{3l} [x^3]_{-\frac{l}{2}}^{\frac{l}{2}}$

$= \frac{M}{3l} \left[ \frac{l^3}{8} + \frac{l^3}{8} \right]$

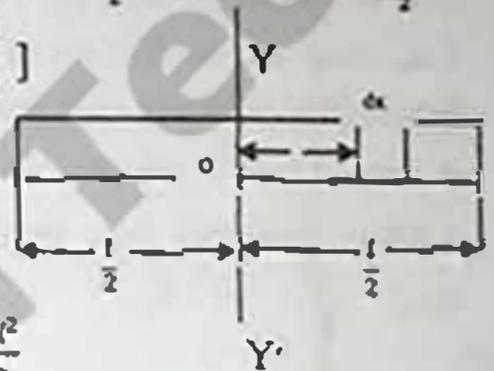
$\therefore I = \frac{Ml^2}{12}$

ধরি,

ক্ষুদ্রতার ব্যাসার্ধ =  $K$

$\therefore Mk^2 = \frac{Ml^2}{12}$

$\therefore K = \frac{l}{\sqrt{12}}$



10. Ans aeroplane is travelling horizontally with a velocity of 90 miles per hour and when it is at a height of 1936 ft, a bomb is dropped from it. Find where the bomb strikes the ground and time of its fall? [একটি উড়োজাহাজ 1936 ft উপরে আনুভূমিকভাবে ঘণ্টায় 90 miles বেগে চললে উড়ো হতে একটি বোমা ফেলে দেয়া হলো। ভূ-পৃষ্ঠের কোণায় ও কখন বোমাটি পড়বে?] (06)

Sol<sup>n</sup>:

We know,

$h = ut + \frac{1}{2} gt^2$

$\Rightarrow 1936 = \frac{1}{2} \times 32 \times t^2$

$\Rightarrow t = 11 \text{ sec (Ans)}$

$s = vt$

$= 132 \times 11 = 1452 \text{ ft (Ans)}$

Given data,

$h = 1936 \text{ ft}$

$v = \frac{90 \times 1760 \times 3}{3600}$

$= 132 \text{ ft/s}$

$t = ?$

11. A rod has a radius of 9.5 mm and a length of 81 cm, a  $62 \times 10^3 \text{ N}$  force stretches it along its length. What is the strain of the rod? (Given that,  $y = 2 \times 10^{11} \text{ N/m}^2$ ) [9.5 mm ব্যাসার্ধ, 81 cm দৈর্ঘ্য একটি দণ্ডকে  $62 \times 10^3 \text{ N}$  বল দ্বারা দৈর্ঘ্য বৃদ্ধির টানলে উহার বিকৃতি কত হবে? (দেয়া আছে,  $Y = 2 \times 10^{11} \text{ N/m}^2$ )] (06)



Sol<sup>o</sup>:

Given data,  
 $r = 9.5 \text{ mm} = 9.5 \times 10^{-3} \text{ m}$   
 $L = 81 \text{ cm} = 81 \times 10^{-2} \text{ m}$   
 $F = 62 \times 10^3 \text{ N}$   
 $Y = 2 \times 10^{11} \text{ N/m}^2$   
 $A = \pi r^2 = 2.835 \times 10^{-04}$

We know,

$$Y = \frac{Fl}{Al}$$

$$l = \frac{62 \times 10^3 \times 81 \times 10^{-2}}{2.835 \times 10^{-04} \times 2 \times 10^{11}} = 8.857 \times 10^{-04}$$

$$\therefore \text{বিকৃতি} = \frac{l}{L} = \frac{8.857 \times 10^{-04}}{81 \times 10^{-2}} = 1.092 \times 10^{-3} \text{ (Ans:)}$$

12. A brass sheet of 50 cm long and 10 cm width at 0°C increases in area by 1.89 sq.cm at 100°C. Calculate the coefficient of linear expansion of brass. [0°C তাপমাত্রায় একটি পিতলের পাতের দৈর্ঘ্য 50cm ও প্রস্থ 10cm। 100°C তাপমাত্রায় উহার ক্ষেত্রফল 1.89 sq.cm বেড়ে যায়। পিতলের দৈর্ঘ্য হ্রাসরাত নির্ণয় কর।] (06)

Sol<sup>o</sup>:

We know:

$$\beta = \frac{S_t - S_0}{S_0 \Delta t} = \frac{1.89}{50 \times 10 \times 100} = 3.78 \times 10^{-5} / ^\circ\text{C}$$

$$\alpha = \frac{\beta}{2} = \frac{3.78 \times 10^{-5}}{2} = 1.89 \times 10^{-5} / ^\circ\text{C} \text{ (Ans:)}$$

Given data,  
 $S_0 = 50 \times 10$   
 $t_0 = 0^\circ\text{C}$   
 $S_t - S_0 = 1.89 \text{ cm}^2$   
 $\alpha = ?$

13. The focal length of a lens in air is 48 cm. What will be its focal length when immersed in water? The refractive indices of glass and water being 3/2 and 4/3, respectively.

[কোন একটি লেন্সের ফোকাস দূরত্ব বায়ুতে 48cm হলে পানিতে ডুবন্ত অবস্থায় ইহা কত হবে? কাঁচ ও পানির প্রতিসরাঙ্ক যথাক্রমে 3/2 ও 4/3।] (06)

Sol<sup>o</sup>: We know,

$$w \mu_g = \frac{a \mu_g}{a \mu_w} = \frac{3/2}{4/3}$$

$$\frac{1}{f_2} = (a \mu_g - 1) \left( \frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right) \dots (1)$$

Given data,  
 $a \mu_g = 3/2$   
 $a \mu_w = 4/3$   
 $f_1 = 48 \text{ cm}$   
 $f_2 = ?$

$$\frac{1}{f_2} = (w \mu_g - 1) \left( \frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right) \dots (2)$$

$$(1) \div (2)$$

$$\frac{f_2}{f_1} = \frac{a \mu_g - 1}{w \mu_g - 1}$$

$$\Rightarrow \frac{f_2}{48} = \frac{\frac{3}{2} - 1}{\frac{4}{3} - 1} = \frac{0.5}{\frac{1}{3}}$$

$$\therefore f_2 = 192 \text{ cm (Ans:)}$$

14. Tick (✓) the correct answer in the following :

(নীচের সঠিক উত্তরে টিক (✓) দাও) (1×4)

(i) Which is the false statement in the following? [নীচের কোন বাক্যটি মিথ্যা?]

- (a) Sound waves are longitudinal waves. [শব তরঙ্গ সম্মুখ লম্বিক তরঙ্গ]
- (b) Sound can travel through vacuum. [শব শূন্য মাধ্যমে চলতে পারে]
- (c) Sound travel slower than light. [শব আলো থেকে ধীরে চলে।]
- (d) Sound waves are different from waves produced in a guitar string. [শব তরঙ্গ সম্মুখ গিটারের তারে উৎপন্ন তরঙ্গ থেকে ভিন্ন রকমের।]

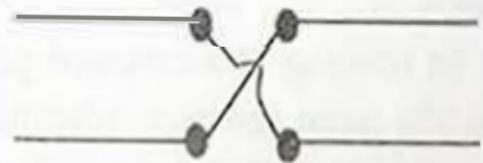
Ans: (b) Sound can travel through vacuum. [শব শূন্য মাধ্যমে চলতে পারে]

(ii) What is the escape velocity of a body in the Earth's gravitational field? (পৃথিবীর অভিকর্ষীয় ক্ষেত্রে একটি বস্তুর মুক্তবেগ কত?)

- a) 10.2 km/s (b) 11.2 km/s
- (c) 9.2 km/s (d) 12.2 km/s

Ans: (b) 11.2 km/s

(iii) What is the meaning of the symbol given below? [নিচের চিহ্ন দ্বারা কি অর্থ বোঝায়?]



- a) Battery [ব্যাটারি] (b) Switch [সুইচ]
- (c) Commutator [কম্যুটেটর] (d) Disconnected wire [বিচ্ছিন্ন তার]

Ans: (c) Commutator [কম্যুটেটর]

(iv) What is the SI unit of luminous flux? [কোনটি SI পদ্ধতিতে আলোর স্রাবের একক?]

- a) Lumen [লুমেন] (b) Lux [লাক্স]





(c) Phot [ফট]

d) Candela [ক্যান্ডেলা]

Ans: a) Lumen [লুমেন]

**MATHEMATICS (গণিত)**

15. If  $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$  and  $B = \{2, 3, 5, 6, 7\}$ , then show that  $(A-B) \cup (B-A) = (A \cup B) - (A \cap B)$ .  
 যদি  $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$  এবং  $B = \{2, 3, 5, 6, 7\}$  হয়, তবে দেখান যে,  $(A-B) \cup (B-A) = (A \cup B) - (A \cap B)$  (04)

Sol<sup>n</sup>: Given,  $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$  এবং  $B = \{2, 3, 5, 6, 7\}$

$$A - B = \{1, 2, 3, 4, 5\} - \{2, 3, 5, 6, 7\} = \{1, 4\}$$

$$B - A = \{2, 3, 5, 6, 7\} - \{1, 2, 3, 4, 5\} = \{6, 7\}$$

$$\begin{aligned} \text{L.H.S} &= (A-B) \cup (B-A) = \{1, 4\} \cup \{6, 7\} \\ &= \{1, 4, 6, 7\} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} A \cup B &= \{1, 2, 3, 4, 5\} \cup \{2, 3, 5, 6, 7\} \\ &= \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} A \cap B &= \{1, 2, 3, 4, 5\} \cap \{2, 3, 5, 6, 7\} \\ &= \{2, 3, 5\} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{R.H.S} &= (A \cup B) - A \cap B \\ &= \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\} - \{2, 3, 5\} = \{1, 4, 6, 7\} \end{aligned}$$

$\therefore$  L.H.S = R.H.S (Showed)

16. If  $n_{Cr} : n_{Cr+1} : n_{Cr+2} = 1:2:3$ , then find the values of  $n$  and  $r$ . (যদি  $n_{Cr} : n_{Cr+1} : n_{Cr+2} = 1:2:3$  হয় তবে  $n$  এবং  $r$  এর মান নির্ণয় কর।) (04)

Sol<sup>n</sup>: See-99-2000, এর Q.No-08.

$$\text{Ans: } n = 14, r = 4$$

17. If any triangle ABC, Prove that  $\tan \frac{B-C}{2} =$

$$\frac{b-c}{b+c} \cot \frac{A}{2}$$

[যে কোন ত্রিভুজ ABC এ প্রমাণ কর যে,  $\tan \frac{B-C}{2} =$

$$\frac{b-c}{b+c} \cot \frac{A}{2} \text{!}] \quad (04)$$

Sol<sup>n</sup>: we know,

$$\frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}$$

$$\Rightarrow \frac{b}{c} = \frac{\sin B}{\sin C}$$

$$\Rightarrow \frac{b-c}{b+c} = \frac{\sin B - \sin C}{\sin B + \sin C}$$

$$\begin{aligned} &= \frac{2 \cos \frac{B+C}{2} \sin \frac{B-C}{2}}{2 \sin \frac{B+C}{2} \cos \frac{B-C}{2}} \end{aligned}$$

$$= \cot \frac{B+C}{2} \times \tan \frac{B-C}{2}$$

$$= \cot \left( \frac{\pi}{2} - \frac{A}{2} \right) \tan \frac{B-C}{2}$$

$$= \tan \frac{A}{2} \tan \frac{B-C}{2}$$

$$\text{সুতরাং, } \tan \frac{A}{2} \cdot \tan \frac{B-C}{2} = \frac{b-c}{b+c}$$

$$\therefore \tan \frac{B-C}{2} = \frac{b-c}{b+c} \cdot \frac{1}{\tan \frac{A}{2}}$$

$$= \frac{b-c}{b+c} \cot \frac{A}{2} \quad (\text{Proved})$$

18. If  $x = \frac{3at}{1+t^2}$  and  $y = \frac{3at^2}{1+t^2}$ , then find  $\frac{dy}{dx}$

[যদি  $x = \frac{3at}{1+t^2}$  এবং  $y = \frac{3at^2}{1+t^2}$  হয়, তবে  $\frac{dy}{dx}$  নির্ণয় কর।] (04)

$$\text{Sol}^n: x = \frac{3at}{1+t^2} \quad y = \frac{3at^2}{1+t^2}$$

$$\frac{dx}{dt} = \frac{3a-6at^2}{(1+t^2)^2} \quad \frac{dy}{dt} = \frac{6at-3at^3}{(1+t^2)^2}$$

$$\therefore \frac{dy}{dx} = \frac{dy}{dt} \cdot \frac{dt}{dx}$$

$$= \frac{dy}{dt} \div \frac{dx}{dt} = \frac{t(2-t^2)}{1-2t^2} \quad (\text{Ans:})$$

Evaluate :  $\int_1^{\sqrt{e}} x \ln x \, dx$  [  $\int_1^{\sqrt{e}} x \ln x \, dx$

এর মান নির্ণয় কর।

(04)

Sol<sup>n</sup>:

Now,  $\int x \ln x \, dx$

$$= \log x \int x \, dx - \int \left\{ \frac{d}{dx} (\log x) \int x \, dx \right\} dx$$

$$= \log x \cdot \frac{x^2}{2} - \int \frac{1}{x} \cdot \frac{x^2}{2} dx = \frac{1}{2} x^2 \log x - \frac{1}{2} \int x \, dx$$

$$= \frac{1}{2} x^2 \log x - \frac{1}{2} x^2 / 2 = \frac{1}{2} x^2 \log x - x^2 / 4$$

$$\therefore \int_1^{\sqrt{e}} x \log x \, dx = \left[ \frac{1}{2} x^2 \log x - x^2 / 4 \right]_1^{\sqrt{e}}$$

$$= \left( \frac{(\sqrt{e})^2}{2} \log \sqrt{e} - \frac{(\sqrt{e})^2}{4} \right) - \left( 0 - \frac{1}{4} \right)$$

$$= \left( \frac{e}{2} \cdot \frac{1}{2} \log e - \frac{e}{4} \right) + \frac{1}{4}$$

$$= \frac{e}{4} - \frac{e}{4} + \frac{1}{4}$$

$$= \frac{1}{4} \quad (\text{Ans:})$$





19. Two straight lines passes through the point (-1,2) and make an angle  $45^\circ$  with the straight line  $3x-y+7=0$ , Find the equation of the straight lines.

[ দুইটি সরলরেখা (-1,2) বিন্দু দিয়ে যার এক  $3x-y+7=0$ , রেখার সাথে  $45^\circ$  কোণ উৎপন্ন করে। রেখা দুইটির সমীকরণ নির্ণয় কর। ] (04)

Sol<sup>n</sup>:

(-1, 2) বিন্দুগামী সরলরেখার সমীকরণ Here,  
 $y-2=m(x+1)$  ----- (i)  $3x-y+7=0$   
 এ ঢাল = 3  
 we get

$$\tan\theta = \frac{m-3}{1+3m} \Rightarrow \frac{3-m}{1+3m}$$

$$\Rightarrow \tan 45^\circ = \frac{m-3}{1+3m} \Rightarrow \frac{3-m}{1+3m}$$

$$\Rightarrow 1 = \frac{m-3}{1+3m} \Rightarrow 1+3m = 3-m$$

$$\Rightarrow 1+3m = m-3 \Rightarrow 4m = 2$$

$$\Rightarrow 2m = -4 \Rightarrow m = -2$$

$$m = -2$$

$\therefore$  নির্ণেয় রেখাটি  $y-2=-2(x+1)$

$\Rightarrow y-2 = -2x-2$	অথবা, $y-2 = \frac{1}{2}(x+1)$
$\Rightarrow 2x+y=0$ Ans:	$\Rightarrow 2y-4 = x+1$
	$\Rightarrow x-2y+5 = 0$ (Ans:)

20. A circle of radius  $\frac{\sqrt{10}}{2}$  passes through the point (1,1) and the centre of the circle is on the straight line  $3x-y-7=0$ . Find the equation of the circle.

[  $\frac{\sqrt{10}}{2}$  ব্যাসার্ধ বিশিষ্ট একটি বৃত্ত (1,1) বিন্দু দিয়ে যার এক বৃত্তটির কেন্দ্র  $3x-y-7=0$  রেখার উপর অবস্থিত। বৃত্তটির সমীকরণ নির্ণয় কর। ] (04)

Sol<sup>n</sup>: We know, (h, k) কেন্দ্র ও a ব্যাসার্ধ বিশিষ্ট বৃত্তের সমীকরণ:  $(x-h)^2 + (y-k)^2 = a^2$

$$\text{or, } (x-h)^2 + (y-k)^2 = \left(\frac{\sqrt{10}}{2}\right)^2$$

$$\text{or, } 4(x-h)^2 + 4(y-k)^2 = 10 \dots\dots\dots (1)$$

বেহেতু বৃত্তটি (1,1) বিন্দু গামী

$$\therefore 4(1-2h+b^2) + 4(1-2k+k^2) = 10$$

$$\text{or, } 4 - 8h + 4b^2 + 4 - 8k + 4k^2 = 10$$

$$\text{or, } 4b^2 + 4k^2 - 8b - 8k - 2 = 0 \dots\dots\dots (2)$$

আবার বেহেতু বৃত্তটির কেন্দ্র (h,k) বিন্দুটি  $y = 3x-7$  রেখার উপর অবস্থিত।

$$\therefore k = 3h - 7 \dots\dots\dots (3)$$

k এর মান (2) নং এ বসাইয়া

$$4b^2 + 4(3b-7)^2 - 8b - 8(3b-7) - 2 = 0$$

$$\Rightarrow 4b^2 + 36b^2 - 168b + 196 - 8b - 24b + 54 = 0$$

$$\Rightarrow 40b^2 - 200b + 250 = 0$$

$$\Rightarrow 4b^2 - 20b + 25 = 0$$

$$\Rightarrow (2b-5)^2 = 0$$

$$\Rightarrow h = \frac{5}{2}$$

h এর মান (3) এ বসাইয়া

$$k = 3 \times \frac{5}{2} - 7 = \frac{1}{2}$$

এখন k ও h এর মান (1) নং এ বসাইয়া

$$4\left(x-\frac{5}{2}\right)^2 + 4\left(y-\frac{1}{2}\right)^2 = 10$$

$$\Rightarrow 4x^2 - 20x + 25 + 4y^2 - 4y + 1 = 10$$

$$\Rightarrow 4x^2 + 4y^2 - 20x - 4y + 16 = 0$$

$$\Rightarrow x^2 + y^2 - 5x - y + 4 = 0$$

$\therefore$  নির্ণেয় বৃত্তের সমীকরণ,

$$x^2 + y^2 - 5x - y + 4 = 0 \text{ (Ans:)}$$

21. Find the diameter of the cylinder in inch whose volume is  $0.3165m^3$  and height is 280cm. [ কেন্দ্র একটি সিলিন্ডারের আয়তন  $0.3165m^3$  এবং উচ্চতা 280cm হলে সিলিন্ডারের ব্যাস ইঞ্চিতে নির্ণয় কর। ] (04)

Sol<sup>n</sup>:

Let, সিলিন্ডারের ব্যাসার্ধ = r

we know,

$$V = \pi r^2 h$$

$$\Rightarrow 0.3165 = \pi \times r^2 \times 2.8$$

$$\Rightarrow r = 0.1897m$$

$$= 18.97cm$$

$$\text{সিলিন্ডারের ব্যাস} = 2 \times 18.97$$

$$= 37.94 \text{ cm (Ans)}$$

23. Tick ( $\checkmark$ ) the correct answer in the following :

(নীচের সঠিক উত্তরে টিক ( $\checkmark$ ) দাও।) (1.5×4)

(i) The Perpendicular distance from the point (3,2) to the line  $3x-4y+14=0$  is [ (3,2) বিন্দু হতে  $3x-4y+14=0$  রেখার লম্ব দূরত্ব হবে-? ]

(a) 4 (b) 3 (c) 2 (d) -3

Ans: (b) 3





(ii) What is the value of  $\sin^{-1}(2x\sqrt{1-x^2})$ ?

$\{\sin^{-1}(2x\sqrt{1-x^2})$  এর মান কত?

(a)  $\sin^{-1}x$  (b)  $2\sin^{-1}x$

(c)  $3\sin^{-1}x$  (d)  $4\sin^{-1}x$

Ans: (b)  $2\sin^{-1}x$

(iii) If  $4 \times (n_{P_2}) = 5 \times ((n-1)_{P_2})$  What is the value of  $n$ ?  $\{4 \times (n_{P_2}) = 5 \times ((n-1)_{P_2})$ , হলে  $n$  এর মান কত?

(a) 13 (b) 20 (c) 14 (d) 15

Ans: (d) 15

(iv) What is the value of

$\int_0^1 \frac{\sin^{-1}x}{\sqrt{1-x^2}} dx$  ?  $\{ \int_0^1 \frac{\sin^{-1}x}{\sqrt{1-x^2}} dx$  ? এর মান কত?

(a)  $\frac{\pi^2}{2}$  (b)  $\frac{\pi^2}{4}$  (c)  $\frac{\pi^2}{8}$  (d)  $\frac{\pi^2}{16}$

Ans: (c)  $\frac{\pi^2}{8}$

### ENGLISH (ইংরেজী)

24. (a) Fill in the blanks with appropriate prepositions : (04)

(i) Do not boast about your wealth.

(ii) Cut it with a knife.

(iii) Fortune smiles to the industrious.

(iv) I could not attend the meeting on account of my illness.

(b) Correct the following sentences : (04)

(i) The boy absented from school.

Ans: The boy absent himself from school.

(ii) Tell me the another stories.

Ans: Tell me the stories.

(iii) She sat the SSC examination last year.

Ans: She participated the SSC examination.

(iv) I caught his hand.

Ans: I caught him by the hand.

25. (a) Change the voice of the following sentences: (04)

(i) Take care of your health.

Ans: Health should be taken care of by you.

(ii) The rose smells sweet.

Ans: The rose is sweet when it is smelt.

(iii) I was surprised at his behavior.

Ans: His behavior surprised me.

(iv) The writer was seized with panic.

Ans: Panic seized the writer.

(b) Change the narration of the following sentences: (04)

(i) He said to me, "Do you know my friend?"

Ans: He asked me if I knew his friend.

(ii) He said, "I leave for London tomorrow."

Ans: He said that he left for London the next day.

(iii) I requested her to help me.

Ans: I said her, "Please help me."

(iv) The teacher ordered his students to stand up.

Ans: The teacher said to his students, "stand up."

26. (a) Translate the following sentences into English/ Bengali : (04)

(i) তাঁহার ইংরেজীতে খুব দখল আছে।

Ans: He is good in English.

(ii) এখন সকাল দশটা বেজে দশ মিনিট।

Ans: Now It is ten minute past ten.

(iii) Many men are rich, but very few are happy.

Ans: অনেক লোকই ধনী কিন্তু অল্প লোকই সুখী

(iv) I would rather walk than go by bus.

Ans: আমি বরং বাসে না গিয়ে বরং হেটে যাই।

(b) Make sentences with the following idiomatic phrases : (04)

(i) By dint of : By dint of hard labour he success in life.

(ii) Come into force : He gains it come into force.

(iii) Kith and kin : I have no kith and kin.

(iv) Take off : Jim took off his shirt.

27. Read the following passage carefully and put a tick (✓) mark on the right choice : (06)

A recent investigation by scientists at the U.S. Geological survey shows that strange animal behavior might help predict future earthquakes. Investigators found such occurrences in a ten kilometer radius of the epicenter of a fairly recent quake. Some birds screeched and flew about wildly; dogs yelped and ran around uncontrollably. Scientists believe that the animals can perceive these environmental changes as early as several days before the mishap. In 1976 after observing animal



behavior the Chinese were able to predict a devastating quake. Although hundreds of thousands of people were killed, the government was able to evacuate millions of other people and thus keep the death toll at a lower level.

(a) What prediction may be made by observing animal behavior?

- i) an impending earthquake
- ii) the number of people who will die
- iii) the ten-kilometer radius of the epicenter
- iv) environmental changes

Ans: i) an impending earthquake

(b) Why can animals perceive these changes when humans cannot?

- i) animals are smarter than humans
- ii) animals have certain instincts that humans do possess
- iii) by running around the house, they can feel the vibrations
- iv) humans do not know where to look

Ans: ii) animals have certain instincts that humans do possess

(c) Which of the following is not true?

- i) some animals may be able to sense an approaching earthquake
- ii) by observing animal behavior scientists perhaps can predict earthquakes
- iii) the Chinese have successfully predicted an earthquake and saved many lives.
- iv) all birds and dogs in a ten-kilometer radius of the epicenter went wild before the quake

Ans: iii) the Chinese have successfully predicted an earthquake and saved many lives.

(d) If scientists can accurately predict earthquakes, there will be

- i) fewer animals going crazy
- ii) a lower death rate
- iii) fewer people evacuated
- iv) fewer environmental changes

Ans: ii) a lower death rate.

ঢাকা প্রকৌশল ও প্রযুক্তি বিশ্ববিদ্যালয়, গাজীপুর

ভর্তি পরীক্ষা: ২০১২-২০১৩ ইং

বিভাগ: সিভিল ইঞ্জিনিয়ারিং, কম্পিউটার সায়েন্স এন্ড ইলেক্ট্রনিক্স

ইন্সটিটিউট এন্ড পোস্টগ্রাজুয়েট ইঞ্জিনিয়ারিং এবং অর্কিটেকচার

১ম পত্র

মোট প্রশ্ন সংখ্যা

পূর্ণমান - ১৫০

সময় - ১ ঘণ্টা ৩০ মিনিট

এই প্রশ্নপত্রে ১৩ পৃষ্ঠায়

মোট ২৫ টি প্রশ্ন আছে।

১৫ জুন, ২০১৩ ইং

বিষয়: রসায়ন, পদার্থ বিজ্ঞান, গণিত ও ইংরেজী। প্রত্যেক প্রশ্নের মান উল্লিখিত পাশে দেয়া আছে। প্রশ্নের নীচে বালি ছাড়া অন্য উত্তর লিখতে হবে। প্রয়োজনবোধে প্রসঙ্গক্রমে পেনে অতিরিক্ত পৃষ্ঠা ব্যবহার করা যাবে। এক্ষেত্রে প্রশ্ন যথাহীন অবশ্যই উল্লেখ করতে হবে।

### CHEMISTRY (রসায়ন)

1. Complete the following reaction

[নিচের বিক্রিয়াটি পূর্ণ কর:] (06)



2 (a). A solution has a pH of 4.0. What is (a) the hydrogen ion concentration and (b) hydroxide ion concentration of the solution? [একটি দ্রবণের pH হল 4.0। উক্ত দ্রবণের (a) হাইড্রোজেন আয়নের গাঢ়তা এবং (b) হাইড্রোক্সাইড আয়নের গাঢ়তা কত?] (02)

Sol<sup>n</sup>: We know,

$$(a) \text{pH} = -\log [\text{H}^+]$$

$$\Rightarrow [\text{H}^+] = \text{Antilog} (-4) = 1 \times 10^{-4} \text{ mole/L (Ans:)}$$

$$(b) [\text{H}^+] \times [\text{OH}^-] = 10^{-14}$$

$$\Rightarrow [\text{OH}^-] = \frac{10^{-14}}{1 \times 10^{-4}} = 1 \times 10^{-10} \text{ mole/L (Ans:)}$$

(b). how much pure zinc can be obtained from 8.15g pure zinc oxide (ZnO) by carbon reduction process? (Zn=65.38) [8.15g বিতড় অক্সাইড (ZnO) থেকে কার্বন বিজারণ পদ্ধতিতে মাধ্যমে কি পরিমাণ বিতড় অক্সাইড পাওয়া যাবে?] (04)



$$(65.38 + 16) \quad 65.38$$

$$= 81.38$$